

CLASA A VIII-A

BREVIAR TEORETIC ȘI EXEMPLE

PIRAMIDA REGULATĂ – ARII ȘI VOLUM

piramida triunghiulară regulată	piramida patrulateră regulată	piramida hexagonală regulată

**Aria laterală** = suma ariilor tuturor fețelor laterale

$$A_l = n \cdot A_{\text{față}} = n \cdot \frac{l \cdot a_p}{2} = \frac{n \cdot l \cdot a_p}{2} = \frac{P_b \cdot a_p}{2}$$

$P_b$ - perimetrul bazei,  $a_p$ - apotema piramidei

**Aria totală** = suma ariilor tuturor fețelor

$$A_t = A_l + A_b$$

**Volumul,**

$$V = \frac{A_b \cdot h}{3}$$

În funcție de numărul de laturi al bazei,

- Pentru piramida triunghiulară regulată,  $A_b = \frac{l^2 \sqrt{3}}{4}$
- Pentru piramida patrulateră regulată,  $A_b = l^2$
- Pentru piramida hexagonală regulată,  $A_b = \frac{3 \cdot l^2 \sqrt{3}}{2}$

### Exemple:

1. Calculăm  $A_l$ ,  $A_t$ ,  $V$  pentru o piramidă triunghiulară regulată cu  $l=6$  cm,  $h=1$  cm.

#### Rezolvare:

(folosim desenul de pe pagina anterioară, sus)

calculăm  $P_b=3 \cdot 6=18$  cm

$$A_b = \frac{6^2 \sqrt{3}}{4} = 9\sqrt{3} \text{ cm}^2$$

$$\text{Apotema bazei, } OM = \frac{1}{3} \cdot h_{\Delta ech} = \frac{1}{3} \cdot \frac{l\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}$$

Apotema piramidei,  $VM$  se calculează folosind teorema lui Pitagora în triunghiul dreptunghic  $VOM$ ,

$$VM^2 = VO^2 + OM^2, \text{ de unde } VM^2 = 4, \text{ de unde } VM = 2 \text{ cm.}$$

$$A_l = \frac{P_b \cdot a_p}{2} = \frac{18 \cdot 2}{2} = 18 \text{ cm}^2$$

$$A_t = A_l + A_b = 18 + 9\sqrt{3} = 9(2 + \sqrt{3}) \text{ cm}^2$$

$$V = \frac{A_b \cdot h}{3} = \frac{9\sqrt{3} \cdot 1}{3} = 3\sqrt{3} \text{ cm}^3$$

2. Calculăm  $A_l$ ,  $A_t$ ,  $V$  pentru o piramidă patrulateră regulată cu  $l=8$  cm,  $h=3$  cm.

#### Rezolvare:

(folosim desenul de pe pagina anterioară, sus)

calculăm  $P_b=4 \cdot 8=32$  cm

$$A_b = l^2 = 64 \text{ cm}^2$$

Apotema bazei,  $OM=l:2=4$  cm

Apotema piramidei,  $VM$  se calculează folosind teorema lui Pitagora în triunghiul dreptunghic  $VOM$ ,

$$VM^2 = VO^2 + OM^2, \text{ de unde } VM^2 = 25, \text{ de unde } VM = 5 \text{ cm.}$$

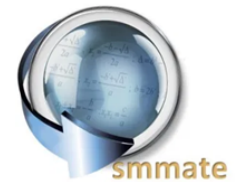
$$A_l = \frac{P_b \cdot a_p}{2} = \frac{32 \cdot 5}{2} = 80 \text{ cm}^2$$

$$A_t = A_l + A_b = 80 + 64 = 144 \text{ cm}^2$$

$$V = \frac{A_b \cdot h}{3} = \frac{64 \cdot 3}{3} = 64 \text{ cm}^3$$

3. Calculăm  $A_l$ ,  $A_t$ ,  $V$  pentru o piramidă hexagonală regulată cu  $a_p=6$  cm,  $h=3$  cm.

#### Rezolvare:



(folosim desenul de pe prima pagină, sus)

Folosind teorema lui Pitagora în  $\Delta VOM$  calculăm  $OM$ , care este apotema bazei.

$$VM^2 = VO^2 + OM^2, \text{ de unde } 36 = 9 + OM^2, \text{ de unde } OM = 3\sqrt{3} \text{ cm}$$

$OM$  reprezintă înălțimea triunghiului echilateral  $BOC$  având latura de lungime egală cu latura bazei piramidei.

$$OM = \frac{l\sqrt{3}}{2} = 3\sqrt{3}, \text{ de unde } l = 6 \text{ cm}$$

$$P_b = 6 \cdot 6 = 36 \text{ cm}$$

$$A_b = \frac{3 \cdot l^2 \cdot \sqrt{3}}{2} = \frac{3 \cdot 36 \sqrt{3}}{2} = 54\sqrt{3} \text{ cm}^2$$

$$A_l = \frac{P_b \cdot a_p}{2} = \frac{36 \cdot 6}{2} = 108 \text{ cm}^2$$

$$A_t = A_l + A_b = 108 + 54\sqrt{3} = 54(2 + \sqrt{3}) \text{ cm}^2$$

$$V = \frac{A_b \cdot h}{3} = \frac{54\sqrt{3} \cdot 3}{3} = 54\sqrt{3} \text{ cm}^3$$